



Software Libre Científico

María José Ginzo Villamayor, Alejandro Saavedra Nieves e Paula Saavedra Nieves

Departamento de Estatística, Análise Matemática e Optimización
Universidade de Santiago de Compostela

31/03/2022

Esquema da presentación

- 1. Primeiros pasos con Maxima**
- 2. Funcións básicas de Maxima**
- 3. Representacións gráficas**
- 4. Límites e derivadas**
- 5. Matrices**
- 6. Programación en Maxima**



Que é Maxima?

- Maxima é un sistema para a manipulación de expresións simbólicas e numéricas, incluíndo diferenciación, integración, expansión en series de Taylor, transformadas de Laplace, EDOs, sistemas de ecuacións lineais, vectores, matrices e tensores.
- Produce resultados de alta precisión.
- Grafica funcións e datos en dúas e tres dimensíons.
- O código fonte pode ser compilado en varios sistemas operativos incluíndo Windows, Linux e MacOS X.
- Maxima é un descendente de Macsyma, o lendario sistema de álgebra computacional desenvolto a finais de 1960 no Instituto Tecnolóxico de Massachusetts (MIT).
- Dinámico: melloras no código e na documentación.
- Pode descargarse desde a súa páxina web: <https://maxima.sourceforge.io/>

Instalación

O programa é de libre distribución e pódese atopar na seguinte ligazón:

<https://maxima.sourceforge.io/>

Descargamos o paquete adecuado para o noso sistema operativo, e instalámolo. Xa teríamos o noso lugar de traballo.

The screenshot shows the wxMaxima 18.10.1 application window. The menu bar includes Archivo, Editar, Ver, Celda, 'Maxima', Ecuaciones (Q), Álgebra, Análisis, Simplificar, Lista, Tramado, Numérico, and Ayuda. The toolbar contains various icons for file operations like Open, Save, Print, and mathematical functions. A palette on the left displays Greek letters in a grid. The main workspace shows a 3D plot of a surface. A sidebar on the right is titled 'Índice de Contenido' (Table of Contents). At the bottom, there's a section for 'Tramado utilizando Dibujo' (Plotting) with tabs for 2D, 3D, Expresión, Tramado Implícito, Tramado Paramétrico, Puntos, Título de diagrama, and Fie.

A axuda de Maxima

- A contorna wxMaxima permite acceder á ampla axuda incluída con Maxima dunha maneira gráfica.
- No mesmo menú temos algúns comandos que nos poden ser útiles:

<code>describe(expr)</code>	axuda sobre expr
<code>example(expr)</code>	exemplo de expr
<code>apropos(''expr'')</code>	comandos relacionados con expr
<code>??expr</code>	comandos que conteñen expr

A axuda de Maxima

The screenshot shows the Maxima 5.42.1 Manual interface. At the top, there's a toolbar with icons for back, forward, search, and print. Below it is a menu bar with 'Contenidos' (Contents), 'Índice' (Index), and 'Buscar' (Search). A sidebar on the left contains a 'favoritos' (Favorites) dropdown and a tree view of the manual's contents under 'Maxima manual'. The main content area displays the title 'Maxima 5.42.1 Manual' and a brief introduction: 'Maxima is a computer algebra system, implemented in Lisp.' It then goes into more detail about the history of Maxima, mentioning its derivation from Macsyma at MIT and its transition to DOE Macsyma, maintained by Professor William F. Schelter until his death in 2001. It notes that permission was obtained from the Department of Energy to release the source code under the GNU Public License in 2000, leading to the Maxima project at SourceForge.

Ayuda: Maxima 5.42.1 Manual:

Contenidos Índice Buscar

(favoritos)

Maxima manual

- Introduction to Maxima
- Bug Detection and Reporting
- Help
- Command Line
- Data Types and Structures
- Expressions
- Operators
- Evaluation
- Simplification
- Mathematical Functions
- Maximas Database
- Plotting
- File Input and Output
- Polynomials
- Special Functions

[Top] [Contents] [Index] [?]

Maxima 5.42.1 Manual

Maxima is a computer algebra system, implemented in Lisp.

Maxima is derived from the Macsyma system, developed at MIT in the years 1968 through 1982 as part of Project MAC. MIT turned over a copy of the Macsyma source code to the Department of Energy in 1982; that version is now known as DOE Macsyma. A copy of DOE Macsyma was maintained by Professor William F. Schelter of the University of Texas from 1982 until his death in 2001. In 1998, Schelter obtained permission from the Department of Energy to release the DOE Macsyma source code under the GNU Public License, and in 2000 he initiated the Maxima project at SourceForge to maintain and develop DOE Macsyma, now called Maxima.

[1. Introduction to Maxima](#)

Sample Maxima sessions.

Hecho

A axuda de Maxima

Se coñecemos o nome do comando sobre o que estamos a buscar axuda, a orde describe dános unha explicación sobre a variable, comando ou o que sexa que preguntásemos.

```
(%i2) describe(dependencies);
```

0: dependencies (Functions and Variables for Differentiation)

1: dependencies \$<1>\$ (Functions and Variables for Differentiation)

Enter space-separated numbers, 'all' or 'none':

Ás veces nos equivocamos e non nos acordamos exactamente do nome do comando.

```
(%i2) describe(plot)
```

No exact match found for topic ?plot?.

Try ??? plot? (inexact match) instead.

```
(%o2) false
```

A axuda de Maxima

A solución témola escrita xusto na saída anterior: ?? busca en axuda comandos, variables, etc. que conteñan a cadea “plot”.

(%i2) ??plot

```
0: Funciones y variables para plotdf
1: Introducción a plotdf
2: barsplot (Funciones y variables para gráficos estadísticos)
3: boxplot (Funciones y variables para gráficos estadísticos)
4: contour_plot (Funciones y variables para gráficos)
5: gnuplot_close (Funciones y variables para gráficos)
6: gnuplot_replot (Funciones y variables para gráficos)
7: gnuplot_reset (Funciones y variables para gráficos)
8: gnuplot_restart (Funciones y variables para gráficos)
9: gnuplot_start (Funciones y variables para gráficos)
10: plot2d (Funciones y variables para gráficos)
11: plot3d (Funciones y variables para gráficos)
12: plotdf (Funciones y variables para plotdf)
13: plot_options (Funciones y variables para gráficos)
14: scatterplot (Funciones y variables para gráficos estadísticos)
15: set_plot_option (Funciones y variables para gráficos)
Enter space-separated numbers, ?all? or ?none?:none;
```

A axuda de Maxima

- Se hai varias posibles eleccións, Maxima queda esperando ata que escribimos o número que corresponde ao ítem en que estamos interesados, ou all ou none se estamos interesados en todos ou en ningún, respectivamente.
- No menú de wxMaxima **Axuda ▶ Propósito para**. O seu propósito é similar a ??, pero o resultado é levemente distinto, dános a lista de comandos nos que aparece a cadea plot sen incluír nada máis. Se xa temos unha idea do que estamos a buscar, moitas veces será suficiente con isto.

```
(%i2) apropos("plot");
```

```
(%o2)
```

```
[barsplot,boxplot,contour_plot,contour_plot-1,get_plot_option,gnuplot,gnuplot_4_0,gnuplot_cl
```

A axuda de Maxima

Coa orde example, obtemos un exemplo sobre como se utiliza unha orde que unha explicación “teórica”.

```
(%i2) example(limit);  
(%i2) limit(x*log(x),x,0,plus);  
(%i2) limit((x+1)b(1/x),x,0);  
(%i2) limit(%e^x/x,x,inf);  
(%i2) limit(sin(1/x),x,0);
```

A axuda completa de Maxima está dispoñible na súa páxina web:

<http://maxima.sourceforge.net/es/> en formatos PDF web. Existen moitas páxinas web que explican practicamente calquera detalle que se che poida ocorrer.

Operacións básicas

O sistema wxMaxima emprega a notación estándar para escribir as operacións matemáticas básicas: suma $+$, resta $-$, produto $*$, cociente $/$ e potencia $^$. Tras introducir unha expresión, basta pulsar a tecla INTRO para que Maxima o execute.

(%i2) $(2+3*(a^2)^3)/12;$

(%o2) $\frac{3a^6+2}{12}$

(%i3) $\text{sqrt}(12)+25^8;$

(%o3) $2\sqrt{3} + 152587890625$

É importante lembrar que en Maxima é necesario escribir sempre o operador da multiplicación ($*$). Pola contra dará un erro de sintaxe.

(%i2) $2x^3;$

(%o2) incorrect syntax: x is not an infix operator $2x^{^3}$

(%i2) $2*x^3;$

(%o2) $2x^3$

Algunhas funcións matemáticas elementais

- Para introducir e^x escríbese $\exp(x)$ ou $\%e^x$
- Para introducir raíz de x escríbese \sqrt{x} .
- Para introducir $|x|$ escríbese $\text{abs}(x)$.
- Para introducir $\ln(x)$ escríbese $\log(x)$.
- Para introducir outro tipo de logaritmo, decimal por exemplo, escríbese $\log_{10}(x) := \log(x)/\log(10)$ ou ben directamente $\log(x)/\log(10)$.

Operar con números complexos

Para traballar con números complexos hai que ter en conta que:

- A unidade imaxinaria escríbese `%i`
- Para a forma binómica $(a + bi)$ hai que introducir `a+b*%i`.
- Para a forma exponencial $(re^{i\alpha})$ hai que introducir `r*%e^(%i*\alpha)`.
- Para achar o módulo dun número complexo z : `cabs(z)`.
- Para achar o argumento dun número complexo z : `carg(z)`.
- Para achar a forma binómica de z : `rectform(z)`.
- Para achar a forma exponencial de z : `polarform(z)`.

Operar con números complexos

```
(%i5) 2-2*i;  
(%o5) 2 - 2 %i  
(%i5) cabs(2-2*i);  
(%o5) 23/2  
(%i5) carg(2-2*i);  
(%o5) -  $\frac{\pi}{4}$   
(%i5) polarform(2-2*i);  
(%o5)  $2^{\sqrt{3}/2} e^{-\frac{\pi i}{4}}$   
(%i5) rectform(2^(3/2)*e^(-(%i*pi)/4));  
(%o5) 2 - 2%i
```

Asignar nomes a datos ou expresións

```
(%i5) z:2-2*i;  
(%o5) 2 - 2 %i  
(%i5) cabs(z);  
(%o5) 23/2  
(%i5) carg(z);  
(%o5) -  $\frac{\pi}{4}$   
(%i5) k:%e^%i;  
(%o5) %e%i %e  
(%i5) rectform(k)  
(%o5) %i sin(1) + cos(1)
```

Introducir comentarios

Comentarios

```
/* texto de comentarios */
```

En Maxima, un comentario é calquera texto encerrado entre as marcas `/* e */`.

```
(%i5) /*Apartado (a)*/ f(x):=x^2;  
(%o5) f(x) := x2
```

Introducir e manexar funcións. Definición

Funcións

$f():=$ función

Pódese definir a función cunha ou varias variables.

(%i5) $f(x) := 2*x;$

(%o5) $f(x) := 2x$

(%i5) $g(x,y) := 2*x^2 + 5*y^4;$

(%o5) $g(x,y) := 2x^2 + 5y^4$

É fundamental identificar as variables e usar $:=$ para definila.

Introducir e manexar funcións. Definición

Para definir unha función a anacos utilízase:

If condición **then** sentenza1 **else** sentencia2

A función $h(x) = \begin{cases} x & \text{si } x \leq 0 \\ \sin(x) & \text{si } x > 0 \end{cases}$, defínese

(%i5) `h(x):=if x<=0 then x else sin(x);`

(%o5) `h(x) := if x ≤ 0 then x else sin(x)`

Resolver ecuacíons

solve

O comando báscio para resolver ecuacíons de todo tipo é solve.

```
(%i2) solve(4*x^2+x=5,x);
```

```
(%o2) [x = - $\frac{5}{4}$ , x = 1]
```

Resolver ecuacións

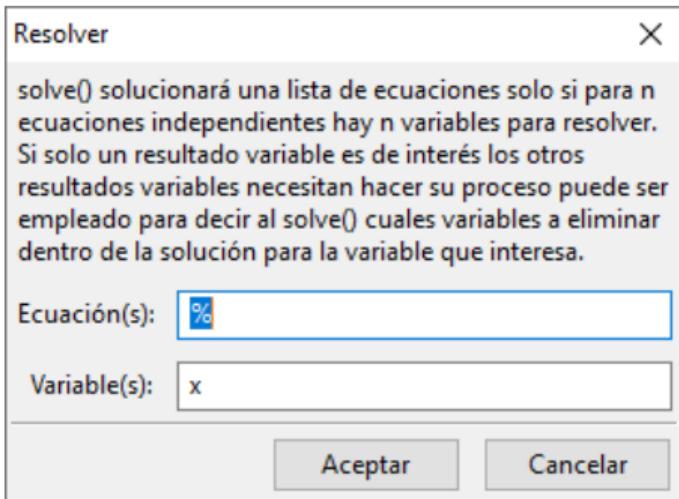
O comando `solve` pode resolver sistemas de ecuacións (mesmo non lineais). Para iso, hai que pasarlle unha lista coas ecuacións para resolver. As listas sempre se dan entre corchetes [ecuación1, ecuación2,...] e de novo hai que especificar a(s) variable(s) respecto da(s) que se quere resolver o sistema. As solucións, se existen, tamén se dan en forma de lista.

```
(%i2) eq1:2*x+y=5;  
(%o2) y + 2x = 5  
(%i2) eq2:2*x+5*y=10;  
(%o2) 5y + 2x = 10  
(%i2) solve([eq1, eq2], [x,y]);  
(%o2) [[x = 15/8, y = 5/4]]
```

Resolver ecuaciones

Outra forma de resolver ecuaciones ou sistemas é utilizar a opción de menú:

Ecuaciones ► Resolver



Funcións dunha variable. Gráficas en 2D

Pódese representar gráficamente unha función picamos no menú de

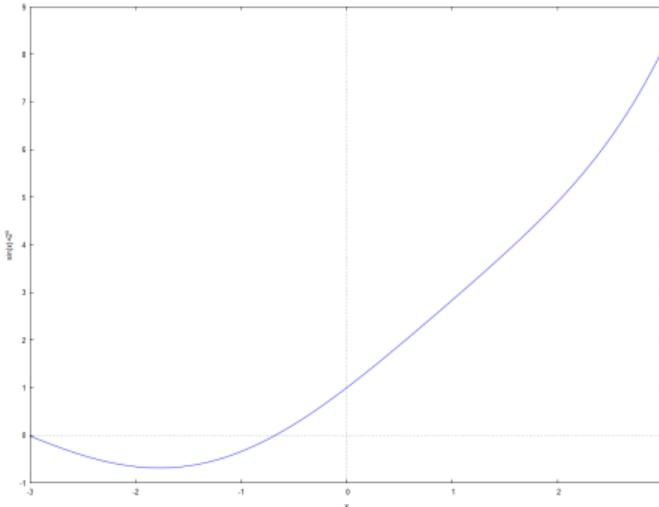
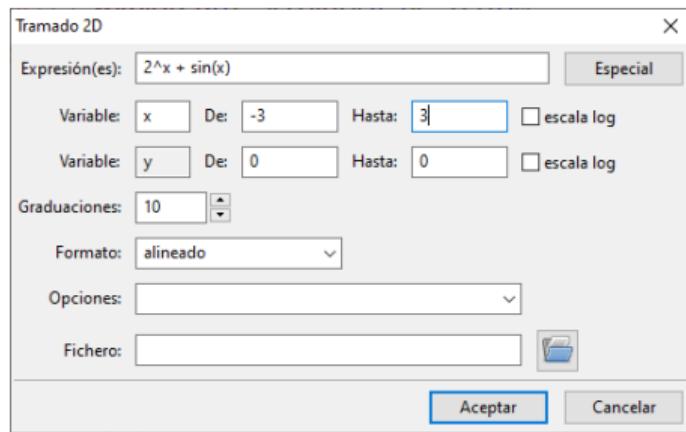
Tramado ► Tramado 2d....

Aparece unha pantalla para introducir o rango e o formato desexado e ao pulsar Aceptar aparece o gráfico.

Funcións dunha variable. Gráficas en 2D

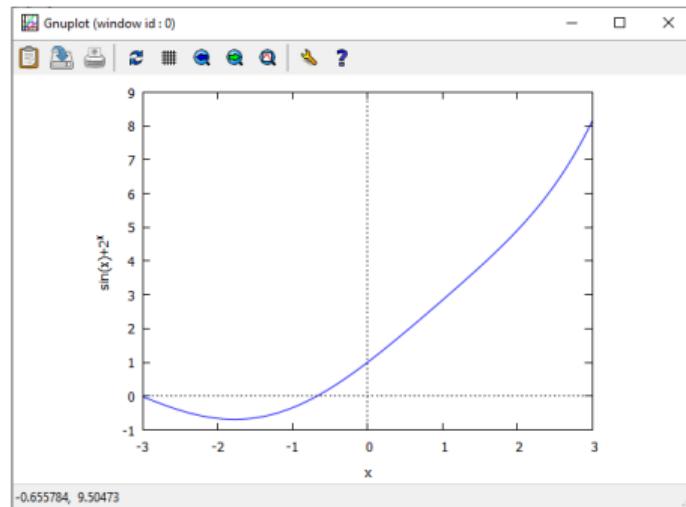
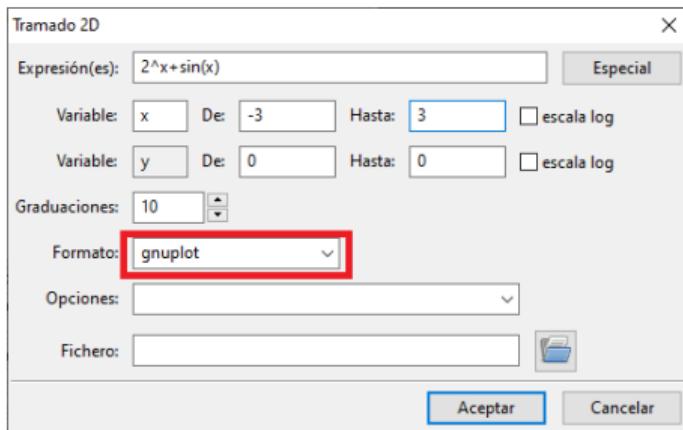
(%i2)

```
wxplot2d([2^x + sin(x)], [x,-3,3])$  
(%o2)
```



Funcións dunha variable. Gráficas en 2D

Se queremos que o gráfico se abra noutra pestana, ten a vantaxe de que che indica as coordenadas do punto marcado polo cursor en cada momento, deberemos elixir o formato: **gnuplot**. Neste caso, é recomendable pechar a xanela gráfica ao terminar, para seguir traballando.

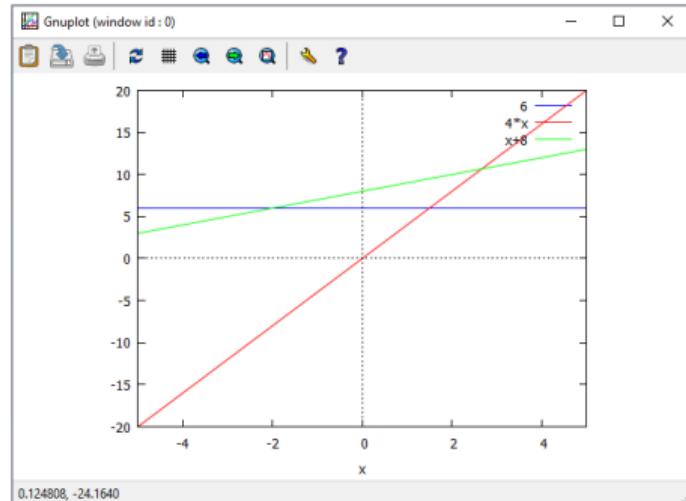
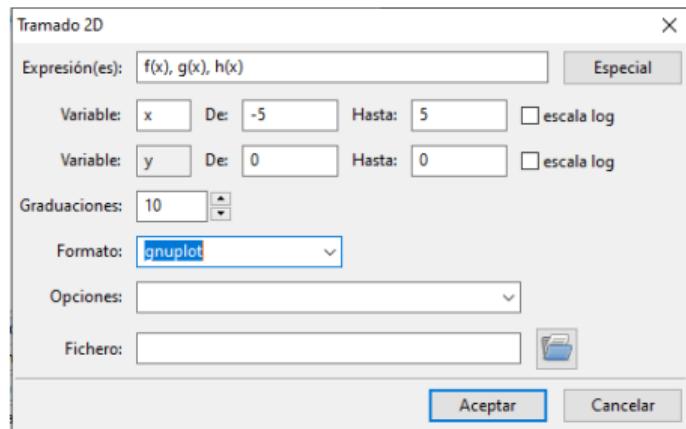


Representar varias funcións simultáneamente

Unha vez definidas as funcións, por exemplo, $f(x)$, $g(x)$, e $h(x)$, abrimos o menú de **Tramado ► Tramado 2d...** e introducímolas separadas por comas.
Ao pulsar Aceptar aparece a pantalla con todas as funcións pintadas.

Representar varias funciones simultáneamente

```
(%i2) f(x):=6;  
(%o2) f(x) := 6  
(%i2) g(x):=4*x;  
(%o2) g(x) := 4.x  
(%i2) h(x):=x+8;  
(%o2) h(x) := x + 8
```

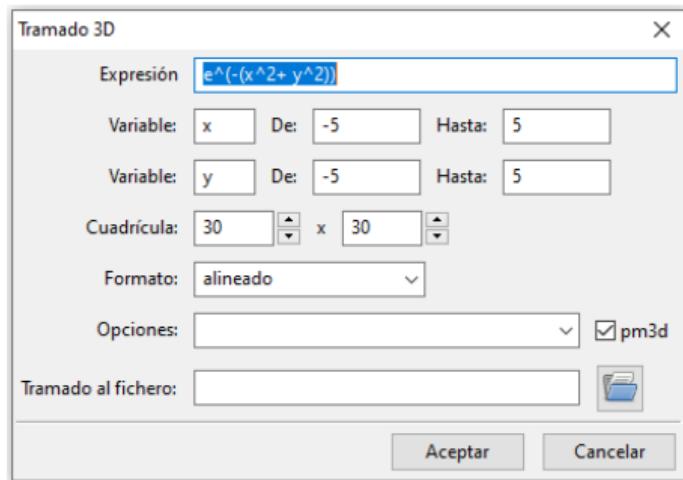


```
(%i2)  
plot2d([f(x), g(x), h(x)], [x,-5,5],  
[plot_format, gnuplot])$
```

Funcións de dúas variables. Gráficas en 3D

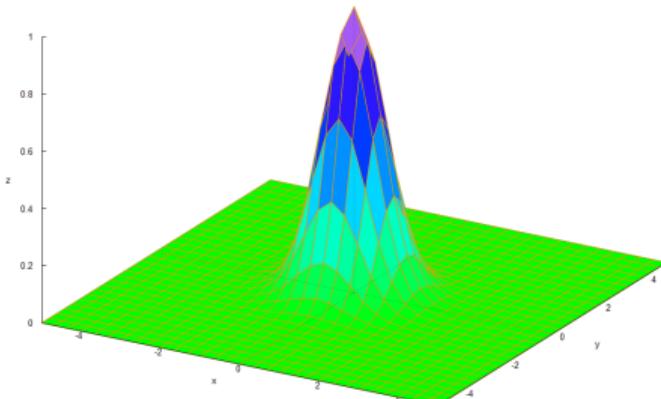
A gráfica dunha función de dúas variables é unha superficie, que se pode representar co botón **Tramado ► Tramado 3d...**, introducindo os datos na xanela de diálogo, de modo análogo a como se fai cunha función dunha variable.

Funcións de dúas variables. Gráficas en 3D



(%i2)

```
wxplot3d(%e^(-(x^2+ y^2)), [x,-5,5],  
[y,-5,5])$
```

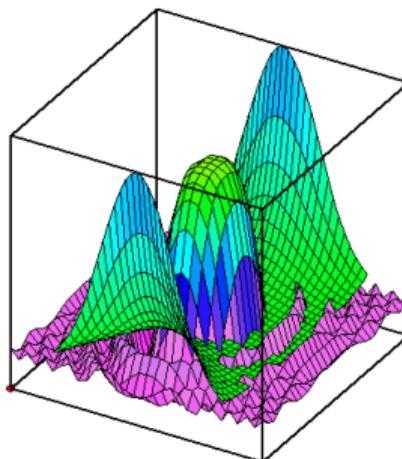


Funcións de dúas variables. Gráficas en 3D

Exemplo

(%i2)

```
plot3d ([[2^(-x^2 + y^2), [x,-2,2], [y,-2,2]], 4*sin(3*(x^2+y^2))/(x^2+y^2),  
[x, -3, 3], [y, -2, 2]], [plot_format,xmaxima])$;
```



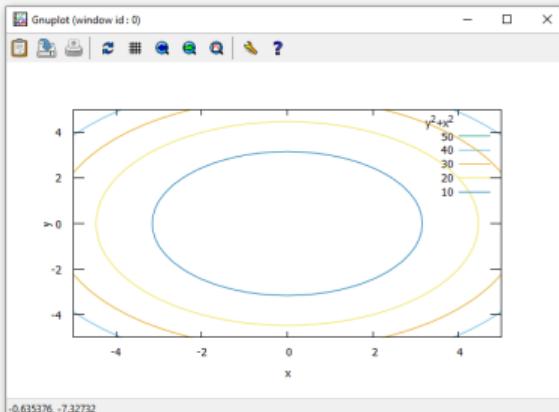
Funcións de dúas variables. Gráficas en 3D

Curvas de nivel

Tamén se poden representar as curvas de nivel dunha superficie utilizando a función `contour_plot`.

Exemplo

```
(%i2) contour_plot(x^2 + y^2, [x,-5,5], [y,-5,5]);
```



Límites

limit

O comando para achar límites, **limit**, é un dos más sinxelos de usar. Para calcular $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$ úsase *limit(f(x), x, a)*

```
(%i2) f(x):=(x+a)*(x^2+b*x+c);  
(%o2) f(x) := (x + a)(x2 + b * x + c)  
(%i2) limit(f(x),x,1);  
(%o2) (a + 1)c + (a + 1)b + a + 1  
(%i2) limit(f(x),x,k);  
(%o2) k3 + (b + a)k2 + (c + ab)k + ac
```

Límites

Maxima identifica límites finitos e infinitos. Tamén pode calcular límites laterais, coas directivas **minus** (límites pola esquerda) e **plus** (límites pola dereita).

```
(%i2) limit(1/x,x,0,minus);
```

```
(%o2) -∞
```

```
(%i2) limit(1/x,x,0,plus);
```

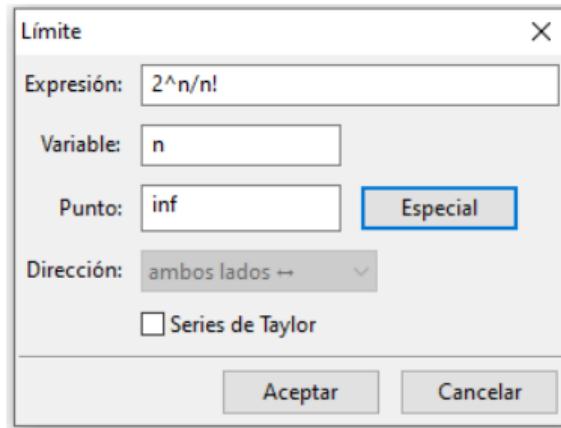
```
(%o2) ∞
```

Límites

Outra forma, de calcular un límite sería

Análisis ► Encuentra límite...

escribir a expresión desexada, indicar a variable (x), o punto (x_0) e a dirección (Esquerda, Dereita ou ambos os), e pulsamos aceptar.



```
(%i2) limit(2^n/n!, n, inf);
```

```
(%o2) 0
```

Derivadas

diff

A instrución para derivar respecto a unha variable é *diff(función, variable)*.

```
(%i2) g(x,y):=sin(x*y);  
(%o2) g(x,y) := sin(xy)  
(%i2) diff(g(x,y),x);  
(%o2) y cos(xy)  
(%i2) diff(g(x,y),y);  
(%o2) x cos(xy)
```

Derivadas

Pódense calcular derivadas segundas, terceiras, etc., sen más que indicar a orde de derivación a continuación da variable.

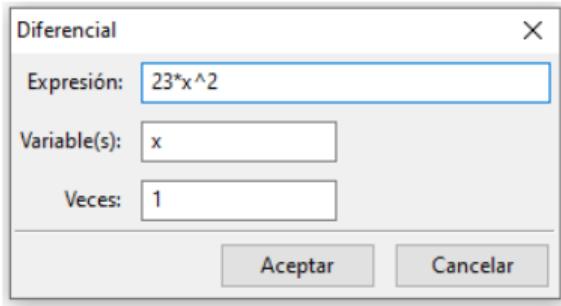
```
(%i2) diff(g(x,y),x,2);  
(%o2) -y2 sin(xy)  
(%i2) diff(g(x,y),x,4);  
(%o2) y4 sin(xy)  
(%i2) diff(diff(g(x,y),y,2), x, 2);  
(%o2) x2 y2 sin(xy) - 2sin(xy) - 4xy cos(xy)
```

Derivadas

Outra maneira, de calcular a derivada sería

Análisis ► Diferenciar...

escribir a expresión desexada, indicar a variable (x), a orde da derivada que queremos calcular e pulsamos aceptar.



```
(%i2) diff(23*x^2,x,1);  
(%o2) 46x
```

Definir unha matriz

Pódense definir matrices de diferentes formas:

1. Utilizando as distintas opcións do menú **Álgebra ▶ Introducir matriz; Álgebra ▶ Generar matriz; Álgebra ▶ Generar matriz a partir de expresión;** ...
2. Declarando os seus elementos mediante listas, unha para cada fila, coa instrución `matrix([a11,a12,a13,...],[a21,a22,a23,...],...[an1,an2,...])`
3. Introducindo interactivamente baixo demanda os seus elementos coa instrución `entermatrix(NúmeroFilas, NúmeroColumnas)`
4. Mediante unha fórmula que define o elemento xenérico da matriz:
`a[i,j]:=Fórmula de i y j$ genmatrix(a, NúmeroFilas, NúmeroColumnas)`

Definir unha matriz

Exemplo

```
(%i2) a:matrix([3,3,3],[1,3,5],[4,2,7]);  
(%o2) 
$$\begin{bmatrix} 3 & 3 & 3 \\ 1 & 3 & 5 \\ 4 & 2 & 7 \end{bmatrix}$$
  
(%i2) genmatrix(b,2,2);  
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} b_{1,1} & b_{1,2} \\ b_{2,1} & b_{2,2} \end{pmatrix}  
(%i2) b[i,j]:=i^2+j^2;  
(%o2) b_{i,j} := i^2 + j^2  
(%i2) genmatrix(b,2,2);  
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$$$$

```

Definir unha matriz

Por outra banda, as matrices especiais, como as diagonais, simétricas, nulas ou a identidade, poden construírse utilizando o menú **Álgebra ► Introducir matriz**, ou ben comandos específicos:

- `diagmatrix(Número,Valor)`, que xera unha matriz diagonal de orde *Número* con elementos non nulos na diagonal, todos eles co mesmo *Valor*
- `ematrix(m,n,Z,i,j)`, que xera unha matriz $m \times n$ case nula na que todos os elementos nulos salvo o (i,j) cuxo valor é *Z*
- `zeromatrix(n,m)`, que xera a matriz nula de *n* filas e *m* columnas
- `ident(n)`, que xera a matriz identidade $n \times n$.

Definir unha matriz

Exemplo

```
(%i2) diagmatrix(4,5);  
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 5 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 5 \end{pmatrix}$$
  
(%i2) ematrix(3,3,5,3,2);  
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \end{pmatrix}$$

```

```
(%i2) zeromatrix(2,2);  
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}  
(%i2) ident(5);  
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$$$

```

Recuperar elementos e submatrices

É posible asignar unha matriz a unha variable en Maxima, e logo extraer de forma independente filas(row), columnas(column) ou outro tipo de submatrices facendo uso dos comandos seguintes:

- `col(Matriz,NúmColumna)`, que recupera a columna cuxo número se indica.
- `row(Matriz,NúmFila)`, que recupera a fila cuxo número se indica.
- `Matriz[i, j]`, que recupera o elemento da fila i , columna j .
- `submatrix(i_1,i_2,...,i_p,Matriz,j_1,j_2,...,j_q)`, que elimina da *Matriz* as filas cuxos números son $i_1 \dots i_p$ e as columnas cuxos números son $j_1 \dots j_q$. Poden eliminarse unicamente filas ou columnas.
- `addrow(Matriz, lista_1,...,lista_p)`, que engade na base de *Matriz* as filas dadas polas listas (ou matrices) $lista_1, \dots, lista_p$. As lonxitudes deben ser concordantes.
- `addcol(Matriz,lista_1,...,lista_p)`, que engade á dereita de *Matriz* as filas dadas polas listas (ou matrices) $lista_1, \dots, lista_p$. As lonxitudes deben ser concordantes.

Recuperar elementos e submatrices

Exemplo

```
(%i2) c[i,j]:=i^2+j^2;  
(%o2)  $c[i,j] := i^2 + j^2$   
(%i2) miMatriz:genmatrix(c,3,3);  
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 2 & 5 & 10 \\ 5 & 8 & 13 \\ 10 & 13 & 18 \end{pmatrix}$$
  
(%i2) miMatriz[2,1] /*recupera o elemento [2,1]*/;  
(%o2) 5  
(%i2) col(miMatriz,2) /*recupera a columna 2*/;  
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 5 \\ 8 \\ 13 \end{pmatrix}$$
  
(%i2) row(miMatriz,2) /*recupera a fila 2*/;  
(%o2) ( 5 8 13 )
```

Recuperar elementos e submatrices

Exemplo

```
(%i2) submatrix(2,miMatriz,1) /*elimina a fila 2 e columna 1*/;
```

```
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 5 & 10 \\ 13 & 18 \end{pmatrix}$$

```

```
(%i2) addrow(miMatriz,[1,3,3]) /*engade unha nova fila*/;
```

```
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 2 & 5 & 10 \\ 5 & 8 & 13 \\ 10 & 13 & 18 \\ 1 & 3 & 3 \end{pmatrix}$$

```

```
(%i2) addcol(miMatriz,[2,3,3]) /*engade unha nova columna*/;
```

```
(%o2) 
$$\begin{pmatrix} 2 & 5 & 10 & 2 \\ 5 & 8 & 13 & 3 \\ 10 & 13 & 18 & 3 \end{pmatrix}$$

```

Operacións con matrices

Poden realizarse diferentes operacións con matrices usando os seguintes operadores:

- + suma de dúas matrices,
- - diferenza de dous matrices,
- · produto ordinario de dúas matrices,
- * multiplicación de dous matrices, elemento a elemento, e tamén multiplicar por un número fixo todos os elementos,
- / división de dúas matrices, elemento a elemento,
- $\hat{}$ elevar unha matriz a unha potencia,
- $\hat{\wedge}$ elevar cada un dos elementos dunha matriz a unha potencia.

Operacións con matrices

- `transpose(NombreMatriz)`, que calcula a trasposta
- `adjoint(NombreMatriz)`, que calcula a adjunta
- `invert(NombreMatriz)`, que calcula a inversa utilizando o método dos adjuntos
- `determinant(NombreMatriz)`, que calcula o determinante dunha matriz
- `rank(NombreMatriz)`, que calcula o rango
- `charpoly(NombreMatriz)`, que calcula o polinomio característico
- `eigenvalues(NombreMatriz)`, que calcula os valores propios
- `eigenvectors(NombreMatriz)`, que calcula os vectores propios

Programación en Maxima

Maxima dispón dunha linguaxe de programación propio que permite definir novas funcionalidades.

Exemplo

- Definir a área dun triángulo

(%i2) `area_tri(base, altura):= base*altura/2;`

(%o2) $\text{area_tri}(\text{base}, \text{altura}) := \frac{\text{base} \cdot \text{altura}}{2}$

- Definir a área dun cuadrado

(%i2) `area_cua(lado):= lado^2;`

(%o2) $\text{area_cua}(\text{lado}) := \text{lado}^2$

Programación en Maxima: bucles

Para definir un bucle, o más usual é utilizar a estrutura “for”, cuxa sintaxe é

for *NombreVariable:valor inicial thru valor final de la variable* **do** *acción a realizar*

Exemplo

```
(%i2) for b:0 thru 2 do print(b, "el cuadrado es igual a ", b^2);  
0 el cuadrado es igual a 0  
1 el cuadrado es igual a 1  
2 el cuadrado es igual a 4  
(%o2) done
```

Programación en Maxima: bucles

Para definir un bucle, o más usual é utilizar a estrutura “for”, cuxa sintaxe é

for *NombreVariable*:*valor inicial* **thru** *valor final de la variable* **do** *acción a realizar*

Ademais, a cantidade para incrementar a variable en cada etapa pódese determinar mediante a palabra chave “**step**”.

Exemplo

```
(%i2) for a:0 thru -5 step -2 do display (a);  
a = 0  
a = -2  
a = -4  
(%o2) done
```

Programación en Maxima: bucles

Para definir un bucle, o máis usual é utilizar a estrutura “for”, cuxa sintaxe é

for *NombreVariable:valor inicial thru valor final de la variable do acción a realizar*

Tamén se pode introducir nun bucle unha condición de parada utilizando as palabras chaves **while** (mentres que) e **unless** (salvo que).

Exemplo

```
(%i2) for i:4 while i >0 step -1 do print ("i =",i);  
i = 4  
i = 3  
i = 2  
i = 1  
(%o2) done
```

Programación en Maxima: bucles

Para definir un bucle, o máis usual é utilizar a estrutura “for”, cuxa sintaxe é

for *NombreVariable:valor inicial thru valor final de la variable* **do** *acción a realizar*

Tamén se pode introducir nun bucle unha condición de parada utilizando as palabras chaves **while** (mentres que) e **unless** (salvo que).

Exemplo

```
(%i2) for i:1 unless i^3 >100 do display (i^3);
```

$1^3 = 1$

$2^3 = 8$

$3^3 = 27$

$4^3 = 64$

```
(%o2) done
```

Programación en Maxima: condicional

A sintaxe do condicional

if *condición* **then** *sentencia1* **else** *sentencia2*

Exemplo

```
(%i2) for b:0 thru 5 do if b^2>5 then;  
print([b, "válido"]) else print ([b, "no es válido"]);  
[0, no es válido]  
[1, no es válido]  
[2, no es válido]  
[3, válido]  
[4, válido]  
[5, válido]  
(%o2) done
```

Programación en Maxima: secuencia instrucciones

A instrucción `block(expr_1, ..., expr_n)` avalia `expr_1, ..., expr_n` secuencialmente e devolve o valor da última expresión avaliada.

Exemplo

```
(%i2) (a:2, b:5, c:3, d : a+2*b-c);  
(%o2) 9  
(%i2) b;  
(%o2) 5  
(%i2) block([x,y], x:2, y:5, z:x+y);  
(%o2) 7
```

Programación en Maxima: secuencia instrucciones

Exemplo

- A continuación defínese unha función $f(x)$ e despois outra función, denominada *mifunc*, que recibe como parámetros de entrada entrémoslos dun intervalo $[a, b]$ e un enteiro n .
- Defínese unha variable local $h = (b - a)/n$ e se evalua a función f nos puntos da forma $a + i * h$, cando o valor obtido é positivo móstrase por pantalla e en caso contrario imprímese unha mensaxe dicindo que non o é.

Programación en Maxima: secuencia instrucciones

Exemplo

```
(%i2) f(x):= x^2-5*x+6;
(%o2) f(x) := x2 - 5x + 6
(%i2) mifunc(a,b,n):=block(h:(b-a)/n, for i:0 thru n do
if f(a+i*h)>0 then display (f(a+i*h)) else
print ("no es positivo"));
(%o2) mifunc(a, b, n) := block(h :  $\frac{b-a}{n}$ , for i from 0 thru n do if  $f(a + i * h) >$ 
0 then display ( $f(a + i * h)$ ) else print(no es positivo))
```

Programación en Maxima: secuencia instrucciones

Exemplo

```
mifunc(1,3,8);
```

$f(1) = 2$

$f\left(\frac{5}{4}\right) = \frac{21}{16}$

$f\left(\frac{3}{2}\right) = \frac{3}{4}$

$f\left(\frac{7}{4}\right) = \frac{5}{16}$

no es positivo

(%o2) *done*



Software Libre Científico

María José Ginzo Villamayor, Alejandro Saavedra Nieves e Paula Saavedra Nieves

Departamento de Estatística, Análise Matemática e Optimización
Universidade de Santiago de Compostela

31/03/2022